

UBND PHƯỜNG ÂU CƠ
TRƯỜNG THCS HÙNG VƯƠNG

GỢI Ý ĐÁP ÁN ĐỀ THI TUYỂN SINH VÀO LỚP 10 THPT

NĂM HỌC 2026 – 2027

Môn: Toán

PHẦN I. TRẮC NGHIỆM KHÁCH QUAN (3,0 điểm)

Câu	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
Đáp án	C	D	C	B	D	A	B	D	A	A	B	C

PHẦN II. TỰ LUẬN (7,0 điểm)

Câu 1. (1,5 điểm)

NỘI DUNG	THANG ĐIỂM DỰ KIẾN
a) Giải hệ phương trình được nghiệm là: $(x; y) = (3; 2)$	0,75
b) Với $a \geq 0; a \neq 1$ ta có $A = \left(\frac{1}{(\sqrt{a}-1)} + \frac{1}{\sqrt{a}+1} \right) \cdot \frac{\sqrt{a}-1}{2} = \frac{\sqrt{a}+1+\sqrt{a}-1}{(\sqrt{a}-1)(\sqrt{a}+1)} \cdot \frac{\sqrt{a}-1}{2}$	0,25
$= \frac{2\sqrt{a}}{(\sqrt{a}-1)(\sqrt{a}+1)} \cdot \frac{\sqrt{a}-1}{2} = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}+1}$ Vậy với $a \geq 0; a \neq 1$ thì $A = \frac{\sqrt{a}}{\sqrt{a}+1}$	0,5

Câu 2. (0,5 điểm)

NỘI DUNG	THANG ĐIỂM DỰ KIẾN
Ta có không gian mẫu $\Omega = \{1; 2; 3; 4; 5; 6; 7; 8; 9; 10; 11; 12; 13; 14; 15; 16; 17; 18; 19; 20; 21; 22; 23; 24; 25; 26; 27; 28; 29; 30\}$ Số phần tử của không gian mẫu là $n(\Omega) = 30$	0,25
Gọi A là biến cố: "Lấy được viên bi ghi số chia hết cho 3". Ta có $A = \{3; 6; 9; 12; 15; 18; 21; 24; 27; 30\}$ nên số các kết quả thuận lợi $n(A) = 10$ Xác suất của biến cố A là $P(A) = \frac{n(A)}{n(\Omega)} = \frac{10}{30} = \frac{1}{3}$	0,25

Câu 3. (0,5 điểm)

NỘI DUNG	THANG ĐIỂM DỰ KIẾN
Thể tích nước ban đầu trong cốc là: $V_1 = \pi \cdot R^2 \cdot h_1 = \pi \cdot 4^2 \cdot 8 = 128\pi \text{ (cm}^3\text{)}$ Thể tích của viên bi hình cầu là: $V_2 = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot r^3 = \frac{4}{3} \cdot \pi \cdot 3^3 = 36\pi \text{ (cm}^3\text{)}$ Thể tích tổng cộng của nước và viên bi khi bi chìm hoàn toàn là: $V = V_1 + V_2 = 128\pi + 36\pi = 164\pi \text{ (cm}^3\text{)}$	0,25
Gọi h là chiều cao mực nước sau khi thả viên bi. Ta có $V = \pi \cdot R^2 \cdot h$	0,25

<p>Khi đó bốn điểm A, C, M, O cùng thuộc đường tròn đường kính CO.</p>	
<p>b) Theo tính chất hai tiếp tuyến cắt nhau, OC là tia phân giác của \widehat{AOM}.</p> <p>Do $N \in OM$ và $H \in OC$, suy ra OH là phân giác của góc \widehat{AON} trong ΔAON.</p> <p>Áp dụng định lý đường phân giác trong ΔAON, ta có: $\frac{HN}{HA} = \frac{ON}{OA}$.</p>	0,50
<p>Chúng minh tương tự có $\frac{KN}{KB} = \frac{ON}{OB}$. Từ đó suy ra $\frac{HN}{HA} = \frac{KN}{KB}$.</p> <p>Áp dụng định lý Thales đảo suy ra $KH \parallel AB$, mà $AB \perp AC$ nên $KH \perp AC$ hay $KH \perp CE$</p>	0,25
<p>Mặt khác OC, OD lần lượt là tia phân giác của hai góc kề bù AOM và MOB nên $OC \perp OD$, hay $CO \perp KE$.</p> <p>Trong tam giác CEK có hai đường cao KH và CO cắt nhau tại H nên H là trực tâm.</p> <p>Suy ra $EH \perp CK$ hay $EH \perp BC$.</p>	0,25
<p>c) Chúng minh được $\Delta BCA, \Delta ETA$ đồng dạng suy ra $\frac{BA}{EA} = \frac{CA}{TA} \Rightarrow CA \cdot EA = BA \cdot TA$</p> <p>Và $\Delta CAO, \Delta OAE$ đồng dạng suy ra $\frac{CA}{OA} = \frac{AO}{AE} \Rightarrow CA \cdot EA = AO^2$.</p> <p>Do đó $AT \cdot AB = OA^2$ nên T là trung điểm của OA.</p> <p>Khi đó T là điểm cố định và $BT = \frac{3R}{2}$.</p>	0,25
<p>Ta có $S_{BST} = \frac{1}{2} BS \cdot ST \leq \frac{1}{2} \frac{BS^2 + ST^2}{2} = \frac{BT^2}{2} = \frac{9R^2}{16}$</p> <p>Dấu "=" xảy ra (diện tích lớn nhất) khi và chỉ khi $BS = ST$, tức là ΔBST vuông cân tại S. Khi đó, $\widehat{CBA} = 45^\circ$.</p> <p>Trong ΔABC, do $\widehat{A} = 90^\circ$ và $\widehat{B} = 45^\circ$ nên ΔABC vuông cân tại A.</p> <p>Suy ra $AC = AB = 2R$.</p> <p>Tính được $OC = \sqrt{OA^2 + AC^2} = \sqrt{R^2 + (2R)^2} = R\sqrt{5}$.</p> <p>Theo hệ thức lượng trong ΔACO tính được $AP = \frac{OA \cdot AC}{OC} = \frac{R \cdot 2R}{R\sqrt{5}} = \frac{2R\sqrt{5}}{5}$</p> <p>Suy ra $AM = 2AP = \frac{4R\sqrt{5}}{5}$.</p>	0,25

Câu 6. (0,5 điểm)

NỘI DUNG	THANG ĐIỂM DỰ KIẾN
<p>Ta thấy $\frac{1}{2-xy} = \frac{1}{2} \left(\frac{2-xy+xy}{2-xy} \right) = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{xy}{2-xy} \right)$.</p> <p>Tương tự suy ra $P = \frac{3}{2} + \frac{1}{2} \left(\frac{xy}{2-xy} + \frac{yz}{2-yz} + \frac{zx}{2-zx} \right)$</p> <p>Ta có biến đổi sau: $2-xy = \frac{4-2xy}{2} = \frac{2(x^2+y^2+z^2)-2xy}{2} = \frac{x^2+y^2+2z^2+(x-y)^2}{2}$</p>	0,25

Vì $(x - y)^2 \geq 0$, ta có: $2 - xy \geq \frac{x^2 + y^2 + 2z^2}{2} \Rightarrow \frac{1}{2 - xy} \leq \frac{2}{x^2 + y^2 + 2z^2}$.

Suy ra $\frac{xy}{2 - xy} \leq \frac{2xy}{x^2 + y^2 + 2z^2} = \frac{2xy}{(x^2 + z^2) + (y^2 + z^2)}$

Áp dụng bất đẳng thức AM-GM cho mẫu số: $(x^2 + z^2) + (y^2 + z^2) \geq 2\sqrt{(x^2 + z^2)(y^2 + z^2)}$

Ta được $\frac{xy}{2 - xy} \leq \frac{xy}{\sqrt{(x^2 + z^2)(y^2 + z^2)}} = \sqrt{\frac{x^2}{x^2 + z^2} \cdot \frac{y^2}{y^2 + z^2}} \leq \frac{1}{2} \left(\frac{x^2}{x^2 + z^2} + \frac{y^2}{y^2 + z^2} \right)$

CMTT với $\frac{yz}{2 - yz}$ và $\frac{zx}{2 - zx}$ rồi cộng vế theo vế ta được $\frac{1}{2 - xy} + \frac{1}{2 - yz} + \frac{1}{2 - zx}$
 $\leq \frac{1}{2} \left[\left(\frac{x^2}{x^2 + z^2} + \frac{z^2}{x^2 + z^2} \right) + \left(\frac{y^2}{y^2 + x^2} + \frac{x^2}{y^2 + x^2} \right) + \left(\frac{z^2}{z^2 + y^2} + \frac{y^2}{z^2 + y^2} \right) \right] = \frac{1}{2} (1 + 1 + 1) = \frac{3}{2}$

Từ đó suy ra $P \leq \frac{3}{2} + \frac{1}{2} \cdot \left(\frac{3}{2} \right) = \frac{9}{4}$. Dấu "=" xảy ra khi và chỉ khi $x = y = z = \sqrt{\frac{2}{3}}$.

Vậy giá trị lớn nhất của biểu thức P là $\frac{9}{4}$ khi $x = y = z = \sqrt{\frac{2}{3}}$

0,25

Đáp án do nhóm giáo viên môn Toán trường THCS Hùng Vương, phường Âu Cơ gợi ý.